

## Kapitel 6

### Relationale Entwurfstheorie



- **Funktionale Abhängigkeiten**
- **Normalformen**
- **Normalisierung durch Synthese bzw. Dekomposition**

1

## Ziele der relationalen Entwurfstheorie



Bewertung der Qualität eines Relationenschemas

- Redundanz
- Einhaltung von Konsistenzbedingungen
  - Funktionaler Abhängigkeiten

Normalformen als Gütekriterium

Ggfls. Verbesserung eines Relationenschemas

- Durch den Synthesealgorithmus
- Durch Dekomposition

2



## Funktionale Abhängigkeiten



Schema  
•  $\mathcal{R} = \{A, B, C, D\}$

Ausprägung  $R$

Seien  $\alpha \subseteq \mathcal{R}$ ,  $\beta \subseteq \mathcal{R}$

$\alpha \rightarrow \beta$  **genau dann wenn**  $\forall r, s \in R$  mit  $r.\alpha = s.\alpha \Rightarrow r.\beta = s.\beta$

$R$			
$A$	$B$	$C$	$D$
a4	b2	c4	d3
a1	b1	c1	d1
a1	b1	c1	d2
a2	b2	c3	d2
a3	b2	c4	d3

$\{A\} \rightarrow \{B\}$

$\{C, D\} \rightarrow \{B\}$

Nicht:  $\{B\} \rightarrow \{C\}$

Notationskonvention:

$CD \rightarrow B$

4

## Beispiel



Stammbaum				
Kind	Vater	Mutter	Opa	Oma
Sofie	Alfons	Sabine	Lothar	Linde
Sofie	Alfons	Sabine	Hubert	Lisa
Niklas	Alfons	Sabine	Lothar	Linde
Niklas	Alfons	Sabine	Hubert	Lisa
...	...	...	Lothar	Martha
...	...	...	...	...

5

## Beispiel



Stammbaum				
Kind	Vater	Mutter	Opa	Oma
Sofie	Alfons	Sabine	Lothar	Linde
Sofie	Alfons	Sabine	Hubert	Lisa
Niklas	Alfons	Sabine	Lothar	Linde
Niklas	Alfons	Sabine	Hubert	Lisa
...	...	...	Lothar	Martha
...	...	...	...	...

Kind  $\rightarrow$  Vater, Mutter  
 Kind, Opa  $\rightarrow$  Oma  
 Kind, Oma  $\rightarrow$  Opa

6

## Schlüssel



$\alpha \subseteq \mathcal{R}$  ist ein Super-Schlüssel, falls folgendes gilt:

- $\alpha \rightarrow \mathcal{R}$

$\beta$  ist voll funktional abhängig von  $\alpha$  genau dann wenn gilt

- $\alpha \rightarrow \beta$  und
- $\alpha$  kann nicht mehr verkleinert werden, d.h.
  - $\forall A \in \alpha$  folgt, dass  $(\alpha - \{A\}) \rightarrow \beta$  nicht gilt, oder kürzer
  - $\forall A \in \alpha: \neg((\alpha - \{A\}) \rightarrow \beta)$

Notation für volle funktionale Abhängigkeit:  $\alpha \rightarrow^* \beta$

$\alpha \subseteq \mathcal{R}$  ist ein Kandidaten-Schlüssel, falls folgendes gilt:

- $\alpha \rightarrow^* \mathcal{R}$

7

## Schlüsselbestimmung



Städte			
Name	BLand	Vorwahl	EW
Frankfurt	Hessen	069	650000
Frankfurt	Brandenburg	0335	84000
München	Bayern	089	1200000
Passau	Bayern	0851	50000
...	...	...	...

Kandidaten-schlüssel von *Städte*:

- {Name, BLand}
- {Name, Vorwahl}

Beachte, dass 2 kleinere Städte dieselbe Vorwahl haben können

8

### Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten



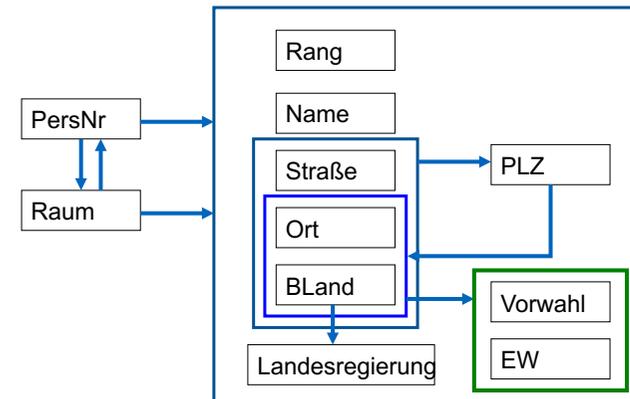
Professoren:  $\{[PersNr, Name, Rang, Raum, Ort, Straße, PLZ, Vorwahl, Bland, EW, Landesregierung]\}$

- $\{PersNr\} \rightarrow \{PersNr, Name, Rang, Raum, Ort, Straße, PLZ, Vorwahl, Bland, EW, Landesregierung\}$
- $\{Ort, Bland\} \rightarrow \{EW, Vorwahl\}$
- $\{PLZ\} \rightarrow \{Bland, Ort, EW\}$
- $\{Bland, Ort, Straße\} \rightarrow \{PLZ\}$
- $\{Bland\} \rightarrow \{Landesregierung\}$
- $\{Raum\} \rightarrow \{PersNr\}$

Zusätzliche Abhängigkeiten, die aus obigen abgeleitet werden können:

- $\{Raum\} \rightarrow \{PersNr, Name, Rang, Raum, Ort, Straße, PLZ, Vorwahl, Bland, EW, Landesregierung\}$
- $\{PLZ\} \rightarrow \{Landesregierung\}$

### Graphische Darstellung der funktionalen Abhängigkeiten

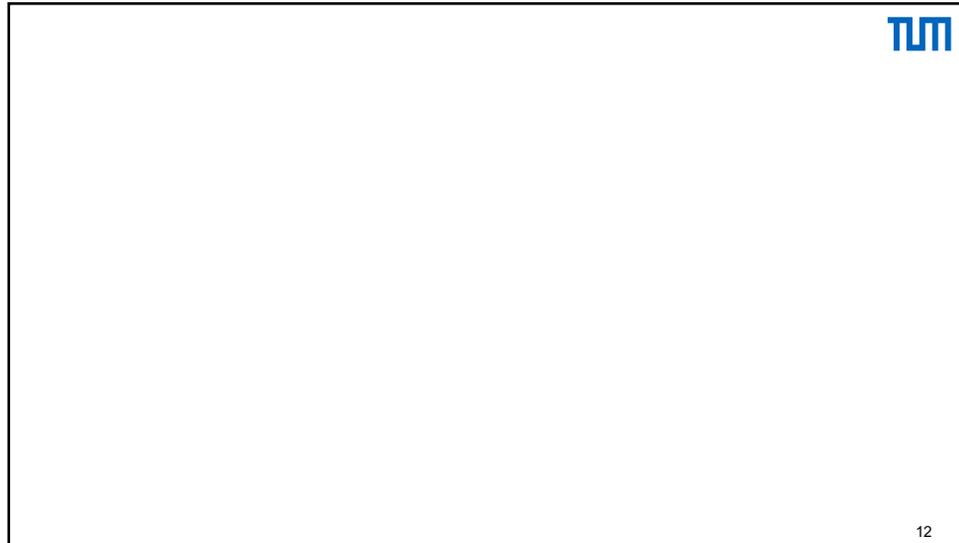


### Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten (zusätzliche Übung)



Vorlesungsverzeichnis									
VorNr	Titel	SWS	gelesenVon	Vtag	Vzeit	Vraum	Uetag	Uezeit	Ueraum
001	Grundl. Inf.	4	007	Di	8	FMI 061	Do	12	FMI 003
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	10	FMI 062
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	14	FMI 003
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...

- es gibt keine Parallelvorlesungen; aber es gibt u.U. mehrere Vorlesungen pro Woche (vielleicht auch am selben Tag)
- es gibt mehrere Übungsgruppen; aber eine Übungsgruppe trifft sich nur einmal pro Woche



Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten (zusätzliche Übung) 

Vorlesungsverzeichnis									
VorNr	Titel	SWS	gelesenVon	Vtag	Vzeit	Vraum	Uetag	Uezeit	Ueraum
001	Grundl. Inf.	4	007	Di	8	FMI 061	Do	12	FMI 003
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	10	FMI 062
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	14	FMI 003
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...

- es gibt keine Parallelvorlesungen; aber es gibt u.U. mehrere Vorlesungen pro Woche (vielleicht auch am selben Tag)
- es gibt mehrere Übungsgruppen; aber eine Übungsgruppe trifft sich nur einmal pro Woche

13

Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten (zusätzliche Übung) 

Vorlesungsverzeichnis									
VorNr	Titel	SWS	gelesenVon	Vtag	Vzeit	Vraum	Uetag	Uezeit	Ueraum
001	Grundl. Inf.	4	007	Di	8	FMI 061	Do	12	FMI 003
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	10	FMI 062
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	14	FMI 003
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...

- es gibt keine Parallelvorlesungen; aber es gibt u.U. mehrere Vorlesungen pro Woche (vielleicht auch am selben Tag)
- es gibt mehrere Übungsgruppen; aber eine Übungsgruppe trifft sich nur einmal pro Woche
- $\{\text{VorNr}\} \rightarrow \{\text{Titel, SWS, gelesenVon}\}$
- $\{\text{Vtag, Vzeit, VorNr}\} \rightarrow \{\text{Vraum}\}$   
(Eine Vorlesung kann sich vielleicht auch mehrmals am gleichen Tag treffen.)
- $\{\text{Vtag, Vzeit, Vraum}\} \rightarrow \{\text{VorNr}\}$
- $\{\text{Uetag, Uezeit, Ueraum}\} \rightarrow \{\text{VorNr}\}$
- Schlüssel:  $\{\text{Uetag, Uezeit, Ueraum, Vtag, Vzeit}\}$

14

Herleitung funktionaler Abhängigkeiten: 

## Armstrong-Axiome

## Reflexivität

- Falls  $\beta$  eine Teilmenge von  $\alpha$  ist ( $\beta \subseteq \alpha$ ) dann gilt immer  $\alpha \rightarrow \beta$ . Insbesondere gilt immer  $\alpha \rightarrow \alpha$ .

## Verstärkung

- Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  gilt, dann gilt auch  $\alpha\gamma \rightarrow \beta\gamma$ . **Hierbei stehe z.B.  $\alpha\gamma$  für  $\alpha \cup \gamma$ .**

## Transitivität

- Falls  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\beta \rightarrow \gamma$  gilt, dann gilt auch  $\alpha \rightarrow \gamma$ .

Diese drei Axiome sind vollständig und korrekt. Zusätzliche Axiome erleichtern die Herleitung:

- Vereinigungsregel:
  - Wenn  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha \rightarrow \gamma$  gelten, dann gilt auch  $\alpha \rightarrow \beta\gamma$
- Dekompositionsregel:
  - Wenn  $\alpha \rightarrow \beta\gamma$  gilt, dann gelten auch  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha \rightarrow \gamma$
- Pseudotransitivitätsregel:
  - Wenn  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\gamma\beta \rightarrow \delta$ , dann gilt auch  $\alpha\gamma \rightarrow \delta$

15

Bestimmung der Hülle einer Attributmeng 

Eingabe: eine Menge  $F$  von FDs und eine Menge von Attributen  $\alpha$ .

Ausgabe: die vollständige Menge von Attributen  $\alpha^+$ , für die gilt  $\alpha \rightarrow \alpha^+$ .

AttrHülle( $F, \alpha$ )

- $\text{Erg} := \alpha$
- **While** (Änderungen an Erg) **do**
  - **Foreach**  $\text{FD } \beta \rightarrow \gamma$  **in**  $F$  **do**
    - **If**  $\beta \subseteq \text{Erg}$  **then**  $\text{Erg} := \text{Erg} \cup \gamma$
- Ausgabe  $\alpha^+ = \text{Erg}$

16



17

## Kanonische Überdeckung



$F_c$  heißt kanonische Überdeckung von  $F$ , wenn die folgenden drei Kriterien erfüllt sind:

1.  $F_c \equiv F$ , d.h.  $F_c^+ = F^+$
2. In  $F_c$  existieren keine FDs, die überflüssige Attribute enthalten. D.h. es muß folgendes gelten:
  - $\forall A \in \alpha: (F_c - (\alpha \rightarrow \beta) \cup ((\alpha - \{A\}) \rightarrow \beta)) \not\equiv F_c$
  - $\forall B \in \beta: (F_c - (\alpha \rightarrow \beta) \cup (\alpha \rightarrow (\beta - \{B\}))) \not\equiv F_c$
3. Jede linke Seite einer funktionalen Abhängigkeit in  $F_c$  ist einzigartig. Dies kann durch sukzessive Anwendung der Vereinigungsregel auf FDs der Art  $\alpha \rightarrow \beta$  und  $\alpha \rightarrow \gamma$  erzielt werden, so dass die beiden FDs durch  $\alpha \rightarrow \beta\gamma$  ersetzt werden.

18

## Berechnung der kanonischen Überdeckung



19

1. Führe für jede FD  $\alpha \rightarrow \beta \in F$  die Linksreduktion durch, also:
  - Überprüfe für alle  $A \in \alpha$ , ob  $A$  überflüssig ist, d.h., ob
    - $\beta \subseteq \text{AttrHülle}(F, \alpha - A)$
 gilt. Falls dies der Fall ist, ersetze  $\alpha \rightarrow \beta$  durch  $(\alpha - A) \rightarrow \beta$ .
2. Führe für jede (verbliebene) FD die Rechtsreduktion durch, also:
  - Überprüfe für alle  $B \in \beta$ , ob
    - $B \in \text{AttrHülle}(F - (\alpha \rightarrow \beta) \cup (\alpha \rightarrow (\beta - B)), \alpha)$
 gilt. Falls dies der Fall ist, ist  $B$  auf der rechten Seite überflüssig und kann eliminiert werden, d.h. ersetze  $\alpha \rightarrow \beta$  durch  $\alpha \rightarrow (\beta - B)$ .
3. Entferne die FDs der Form  $\alpha \rightarrow \emptyset$ , die im 2. Schritt möglicherweise entstanden sind.
4. Fasse mittels der Vereinigungsregel FDs der Form  $\alpha \rightarrow \beta_1, \dots, \alpha \rightarrow \beta_n$  zusammen, so dass  $\alpha \rightarrow (\beta_1 \cup \dots \cup \beta_n)$  verbleibt.

## „Schlechte“ Relationenschemata



ProfVorl						
PersNr	Name	Rang	Raum	VorlNr	Titel	SWS
2125	Sokrates	C4	226	5041	Ethik	4
2125	Sokrates	C4	226	5049	Mäeutik	2
2125	Sokrates	C4	226	4052	Logik	4
...	...	...	...	...	...	...
2132	Popper	C3	52	5259	Der Wiener Kreis	2
2137	Kant	C4	7	4630	Die 3 Kritiken	4

### Update-Anomalien

- Sokrates zieht um, von Raum 226 in R. 338. Was passiert?

### Einfüge-Anomalien

- Neue/r Prof ohne Vorlesungen?

### Löschanomalien

- Letzte Vorlesung einer/s Profs wird gelöscht? Was passiert?

20

## Zerlegung (Dekomposition) von Relationen TUM

Es gibt zwei Korrektheitskriterien für die Zerlegung von Relationenschemata:

1. Verlustlosigkeit
  - Die in der ursprünglichen Relationenausprägung  $R$  des Schemas  $\mathcal{R}$  enthaltenen Informationen müssen aus den Ausprägungen  $R_1, \dots, R_n$  der neuen Relationenschemata  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  rekonstruierbar sein.
2. Abhängigkeitserhaltung
  - Die für  $\mathcal{R}$  geltenden funktionalen Anhängigkeiten müssen auf die Schemata  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  übertragbar sein.

21

## Kriterien für die Verlustlosigkeit einer Zerlegung TUM

$$\mathcal{R} = \mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$$

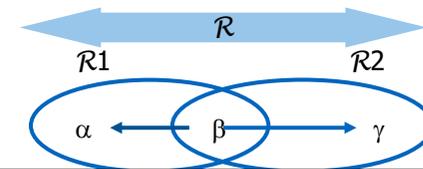
- $R_1 := \Pi_{\mathcal{R}_1}(\mathcal{R})$
- $R_2 := \Pi_{\mathcal{R}_2}(\mathcal{R})$

Die Zerlegung von  $\mathcal{R}$  in  $\mathcal{R}_1$  und  $\mathcal{R}_2$  ist verlustlos, falls für jede mögliche (gültige) Ausprägung  $R$  von  $\mathcal{R}$  gilt:

- $R = R_1 \bowtie R_2$

Hinreichende Bedingung für die Verlustlosigkeit einer Zerlegung

- $(R_1 \cap R_2) \rightarrow R_1$  oder
- $(R_1 \cap R_2) \rightarrow R_2$



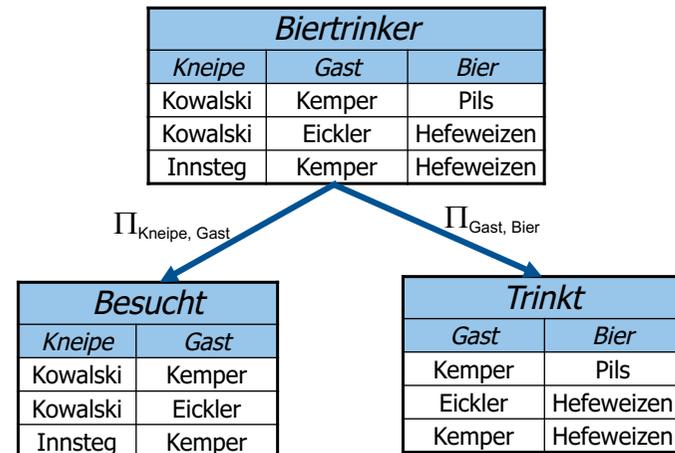
22

## Biertrinker-Beispiel TUM

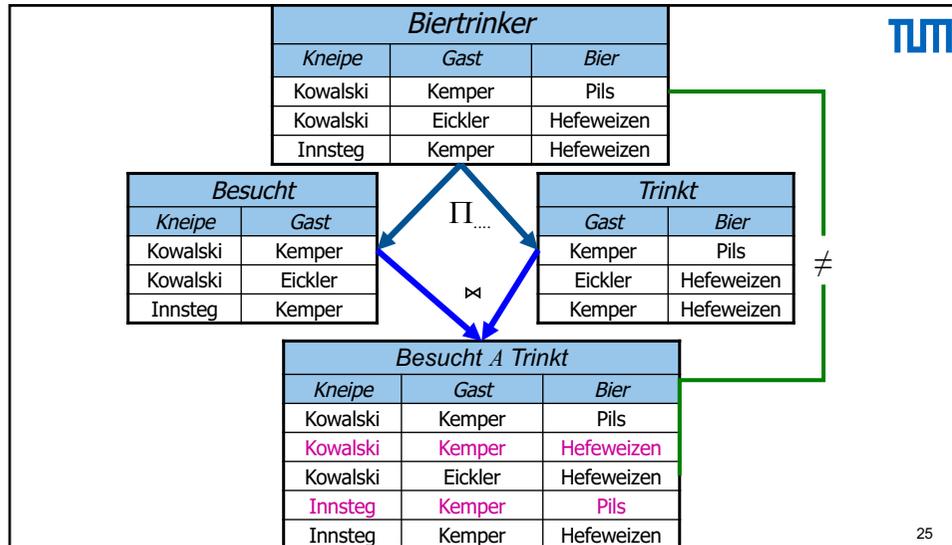
Biertrinker		
Kneipe	Gast	Bier
Kowalski	Kemper	Pils
Kowalski	Eickler	Hefeweizen
Innsteg	Kemper	Hefeweizen

23

## „Verlustige“ Zerlegung TUM



24



### Erläuterung des Biertrinker-Beispiels



Unser Biertrinker-Beispiel war eine „verlustige“ Zerlegung und dementsprechend war die hinreichende Bedingung verletzt. Es gilt nämlich nur die eine nicht-triviale funktionale Abhängigkeit

- $\{Kneipe, Gast\} \rightarrow \{Bier\}$

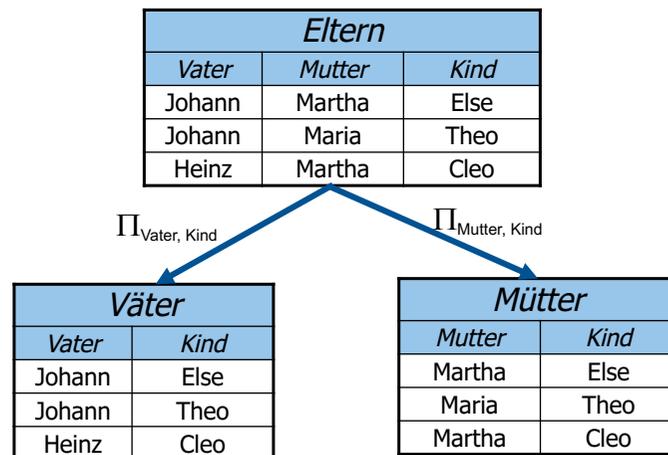
Wohingegen keine der zwei möglichen, die Verlustlosigkeit garantierenden FDs gelten

- $\{Gast\} \rightarrow \{Bier\}$
- $\{Gast\} \rightarrow \{Kneipe\}$

Das liegt daran, dass die Leute (insbes. Kemper) in unterschiedlichen Kneipen unterschiedliches Bier trinken. In derselben Kneipe aber immer das gleiche Bier

- (damit sich die KellnerInnen darauf einstellen können?)

### Verlustfreie Zerlegung



### Erläuterung der verlustfreien Zerlegung der Eltern-Relation



Eltern:  $\{[Vater, Mutter, Kind]\}$

Väter:  $\{[Vater, Kind]\}$

Mütter:  $\{[Mutter, Kind]\}$

Verlustlosigkeit ist garantiert

Es gilt nicht nur eine der hinreichenden FDs, sondern gleich beide

- $\{Kind\} \rightarrow \{Mutter\}$
- $\{Kind\} \rightarrow \{Vater\}$

Also ist  $\{Kind\}$  natürlich auch der Schlüssel der Relation Eltern

Die Zerlegung von Eltern ist zwar verlustlos, aber auch ziemlich unnötig, da die Relation in sehr gutem Zustand ( $\sim$ Normalform) ist

### Abhängigkeitsbewahrung



$\mathcal{R}$  ist zerlegt in  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$   
 $F_{\mathcal{R}} = (F_{\mathcal{R}_1} \cup \dots \cup F_{\mathcal{R}_n})$  bzw.  $F_{\mathcal{R}^+} = (F_{\mathcal{R}_1} \cup \dots \cup F_{\mathcal{R}_n})^+$

Beispiel für Abhängigkeitsverlust

- **PLZverzeichnis: {Straße, Ort, Bland, PLZ}**

Annahmen

- Orte werden durch ihren Namen (Ort) und das Bundesland (Bland) eindeutig identifiziert
- Innerhalb einer Straße ändert sich die Postleitzahl nicht
- Postleitzahlengebiete gehen nicht über Ortsgrenzen und Orte nicht über Bundeslandgrenzen hinweg

Daraus resultieren die FDs

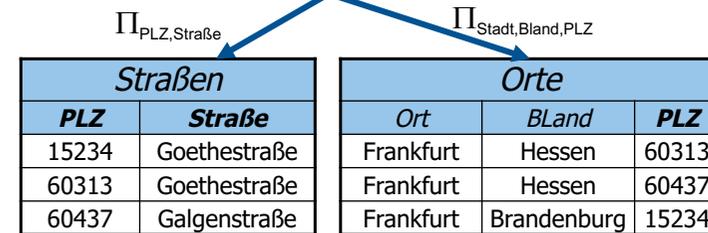
- $\{PLZ\} \rightarrow \{Ort, Bland\}$
  - $\{Straße, Ort, Bland\} \rightarrow \{PLZ\}$
- Betrachte die Zerlegung
- Straßen:  $\{PLZ, Straße\}$
  - Orte:  $\{PLZ, Ort, Bland\}$

29

### Zerlegung der Relation PLZverzeichnis



PLZverzeichnis			
Ort	Bland	Straße	PLZ
Frankfurt	Hessen	Goethestraße	60313
Frankfurt	Hessen	Galgenstraße	60437
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15234



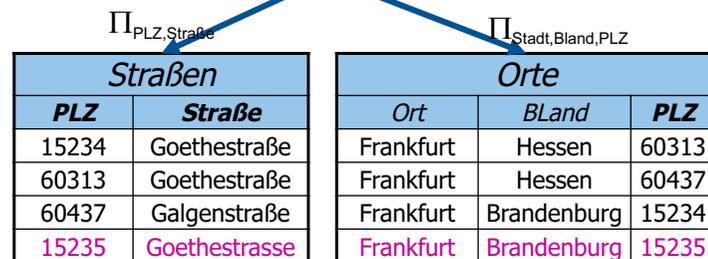
- Die FD  $\{Straße, Ort, Bland\} \rightarrow \{PLZ\}$  ist im zerlegten Schema nicht mehr enthalten  $\rightarrow$  Einfügen inkonsistenter Tupel möglich

30

Einfügen zweier Tupel, die die FD **Ort, Bland, Straße  $\rightarrow$  PLZ** verletzen



PLZverzeichnis			
Ort	Bland	Straße	PLZ
Frankfurt	Hessen	Goethestraße	60313
Frankfurt	Hessen	Galgenstraße	60437
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15234

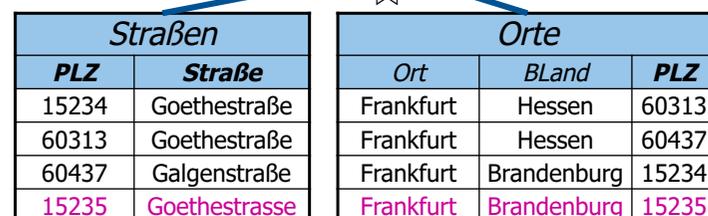


31

Einfügen zweier Tupel, die die FD **Ort, Bland, Straße  $\rightarrow$  PLZ** verletzen

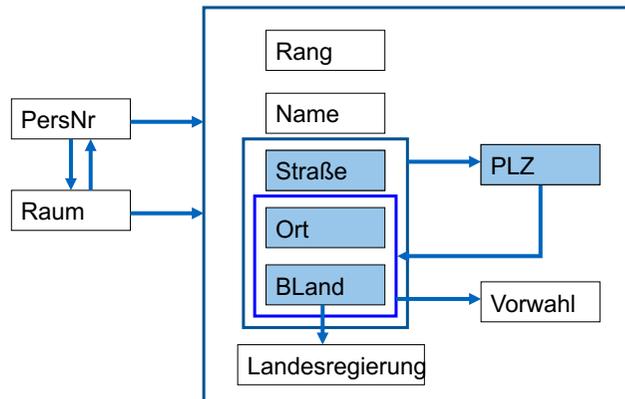


PLZverzeichnis			
Ort	Bland	Straße	PLZ
Frankfurt	Hessen	Goethestraße	60313
Frankfurt	Hessen	Galgenstraße	60437
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15234
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15235



32

### Graphische Darstellung der funktionalen Abhängigkeiten



33

### Erste Normalform



Nur atomare Domänen

1 NF

Eltern		
Vater	Mutter	Kinder
Johann	Martha	{Else, Lucie}
Johann	Maria	{Theo, Josef}
Heinz	Martha	{Cleo}

Eltern		
Vater	Mutter	Kind
Johann	Martha	Else
Johann	Martha	Lucie
Johann	Maria	Theo
Johann	Maria	Josef
Heinz	Martha	Cleo

34

### Exkurs: NF<sup>2</sup>-Relationen



Non-First Normal-Form-Relationen  
Geschachtelte Relationen

Eltern			
Vater	Mutter	Kinder	
		KName	KAlter
Johann	Martha	Else	5
		Lucie	3
Johann	Maria	Theo	3
		Josef	1
Heinz	Martha	Cleo	9

35



36

## Zweite Normalform



Eine Relation  $\mathcal{R}$  mit zugehörigen FDs  $F_{\mathcal{R}}$  ist in zweiter Normalform, falls jedes Nichtschlüssel-Attribut  $A \in \mathcal{R}$  voll funktional abhängig ist von jedem Kandidatschlüssel der Relation.

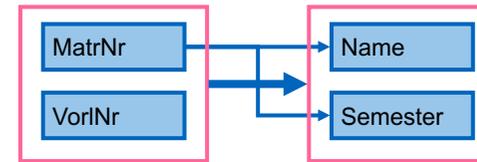
StudentenBelegung			
MatrNr	VorNr	Name	Semester
26120	5001	Fichte	10
27550	5001	Schopenhauer	6
27550	4052	Schopenhauer	6
28106	5041	Carnap	3
28106	5052	Carnap	3
28106	5216	Carnap	3
28106	5259	Carnap	3
...	...	...	...

Studentenbelegung ist nicht in zweiter NF

- $\{\text{MatrNr}\} \rightarrow \{\text{Name}\}$
- $\{\text{MatrNr}\} \rightarrow \{\text{Semester}\}$

37

## Zweite Normalform



Einfügeanomalie: Was macht man mit Studenten, die keine Vorlesungen hören?

Updateanomalien: Wenn z.B. Carnap ins vierte Semester kommt, muss man sicherstellen, dass alle vier Tupel geändert werden.

Löschanomalie: Was passiert wenn Fichte ihre einzige Vorlesung absagt?

Zerlegung in zwei Relationen

- hören:  $\{\{\text{MatrNr}, \text{VorNr}\}\}$
- Studenten:  $\{\{\text{MatrNr}, \text{Name}, \text{Semester}\}\}$

Beide Relationen sind in 2 NF – erfüllen sogar noch „höhere“ Gütekriterien ~ Normalformen. 38

## Dritte Normalform



Ein Relationenschema  $\mathcal{R}$  ist in dritter Normalform, wenn für jede für  $\mathcal{R}$  geltende funktionale Abhängigkeit der Form  $\alpha \rightarrow B$  mit  $B \in \mathcal{R}$  und mindestens **eine** von drei Bedingungen gilt:

- $B \in \alpha$ , d.h., die FD ist trivial
- Das Attribut  $B$  ist in einem Kandidatschlüssel von  $\mathcal{R}$  enthalten – also  $B$  ist prim
- $\alpha$  ist Superschlüssel von  $\mathcal{R}$

39

## Zerlegung mit dem Synthesealgorithmus



Wir geben jetzt einen sogenannten Synthesealgorithmus an, mit dem zu einem gegebenen Relationenschema  $\mathcal{R}$  mit funktionalen Abhängigkeiten  $F$  eine Zerlegung in  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  ermittelt wird, die alle drei folgenden Kriterien erfüllt.

- $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  ist eine verlustlose Zerlegung von  $\mathcal{R}$ .
- Die Zerlegung  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  ist abhängigkeiterhaltend.
- Alle  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  sind in dritter Normalform.

40

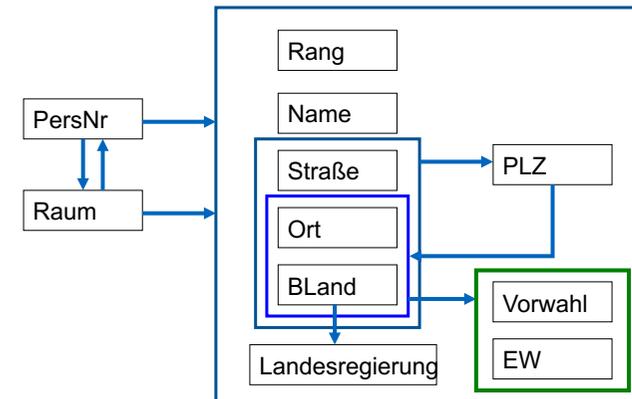
## Synthesealgorithmus



1. Bestimme die kanonische Überdeckung  $F_c$  zu  $F$ . Wiederholung:
  - a. Linksreduktion
  - b. Rechtsreduktion
  - c. Entfernung von FDs der Form  $\alpha \rightarrow \emptyset$
  - d. Zusammenfassung gleicher linker Seiten
2. Für jede funktionale Abhängigkeit  $\alpha \rightarrow \beta \in F_c$ :
  - Kreiere ein Relationenschema  $\mathcal{R}_\alpha := \alpha \cup \beta$
  - Ordne  $\mathcal{R}_\alpha$  die FDs  $F_\alpha := \{\alpha' \rightarrow \beta' \in F_c \mid \alpha' \cup \beta' \subseteq \mathcal{R}_\alpha\}$  zu.
3. Falls eines der in Schritt 2. erzeugten Schemata einen Kandidatenschlüssel von  $\mathcal{R}$  bzgl.  $F_c$  enthält, sind wir fertig. Sonst wähle einen Kandidatenschlüssel  $\kappa \subseteq \mathcal{R}$  aus und definiere folgendes Schema:
  - $\mathcal{R}_\kappa := \kappa$
  - $F_\kappa := \emptyset$
4. Eliminiere diejenigen Schemata  $\mathcal{R}_\alpha$ , die in einem anderen Relationenschema  $\mathcal{R}_{\alpha'}$  enthalten sind, d.h.,
  - $\mathcal{R}_\alpha \subseteq \mathcal{R}_{\alpha'}$

41

## Anwendung des Synthesealgorithmus



42

## Anwendung des Synthesealgorithmus



ProfessorenAdr:  $\{\{\text{PersNr, Name, Rang, Raum, Ort, Straße, PLZ, Vorwahl, BLand, EW, Landesregierung}\}\}$

1.  $\{\text{PersNr}\} \rightarrow \{\text{Name, Rang, Raum, Ort, Straße, BLand}\}$
2.  $\{\text{Raum}\} \rightarrow \{\text{PersNr}\}$
3.  $\{\text{Straße, BLand, Ort}\} \rightarrow \{\text{PLZ}\}$
4.  $\{\text{Ort, BLand}\} \rightarrow \{\text{EW, Vorwahl}\}$
5.  $\{\text{BLand}\} \rightarrow \{\text{Landesregierung}\}$
6.  $\{\text{PLZ}\} \rightarrow \{\text{BLand, Ort}\}$

Professoren:  $\{\{\text{PersNr, Name, Rang, Raum, Ort, Straße, BLand}\}\}$

PLZverzeichnis:  $\{\{\text{Straße, BLand, Ort, PLZ}\}\}$

Orteverzeichnis:  $\{\{\text{Ort, BLand, EW, Vorwahl}\}\}$

Regierungen:  $\{\{\text{BLand, Landesregierung}\}\}$

43

## Boyce-Codd-Normalform



Die Boyce-Codd-Normalform (BCNF) ist nochmals eine Verschärfung der 3 NF. Ein Relationenschema  $\mathcal{R}$  mit FDs  $F$  ist in BCNF, wenn für jede für  $\mathcal{R}$  geltende funktionale Abhängigkeit der Form  $\alpha \rightarrow \beta \in F$  und mindestens **eine** von zwei Bedingungen gilt:

- $\beta \subseteq \alpha$ , d.h., die Abhängigkeit ist trivial oder
- $\alpha$  ist Superschlüssel von  $\mathcal{R}$

Man kann jede Relation **verlustlos** in BCNF-Relationen zerlegen

Manchmal lässt sich dabei die **Abhängigkeitserhaltung** aber **nicht** erzielen

44

## Städte ist in 3NF, aber nicht in BCNF



Städte: {[Ort, BLand, Ministerpräsident/in, EW]}

Geltende FDs:

- {Ort, BLand}  $\rightarrow$  {EW}
- {BLand}  $\rightarrow$  {Ministerpräsident/in}
- {Ministerpräsident/in}  $\rightarrow$  {BLand}

Schlüsselkandidaten:

- {Ort, BLand}
- {Ort, Ministerpräsident/in}

45

## Dekomposition



Man kann grundsätzlich jedes Relationenschema  $\mathcal{R}$  mit funktionalen Abhängigkeiten  $F$  so in  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  zerlegen, dass gilt:

- $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  ist eine verlustlose Zerlegung von  $\mathcal{R}$ .
- Alle  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  sind in BCNF.
- Es kann leider nicht immer erreicht werden, dass die Zerlegung  $\mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_n$  abhängigkeiterhaltend ist.

46

## Dekompositions-Algorithmus



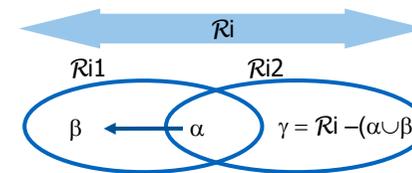
Starte mit  $Z = \{\mathcal{R}\}$

Solange es noch ein Relationenschema  $\mathcal{R}_i$  in  $Z$  gibt, das nicht in BCNF ist, mache folgendes:

- Es gibt also eine für  $\mathcal{R}_i$  geltende nicht-triviale funktionale Abhängigkeit ( $\alpha \rightarrow \beta$ ) mit
  - $\alpha \cap \beta = \emptyset$
  - $\neg(\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i)$
- Finde eine solche FD
  - Man sollte sie so wählen, dass  $\beta$  alle von  $\alpha$  funktional abhängigen Attribute  $B \in (\mathcal{R}_i - \alpha)$  enthält, damit der Dekompositionsalgorithmus möglichst schnell terminiert.
- Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i2} := \mathcal{R}_i - \beta$
- Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i1}$  und  $\mathcal{R}_{i2}$  ein, also
  - $Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i2}\}$

47

## Veranschaulichung der Dekomposition



48

### Dekomposition der Relation Städte in BCNF-Relationen



Städte: {[Ort, BLand, Ministerpräsident/in, EW]}

Geltende FDs:

- {BLand} → {Ministerpräsident/in}
- {Ort, BLand} → {EW}
- {Ministerpräsident/in} → {BLand}

R1:

- Regierungen: {[BLand, Ministerpräsident/in]}

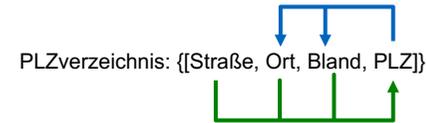
R2:

- Städte: {[Ort, BLand, EW]}

Zerlegung ist verlustlos und auch abhängigkeiterhaltend

49

### Dekomposition des PLZverzeichnis in BCNF-Relationen



Funktionale Abhängigkeiten:

- {PLZ} → {Ort, BLand}
- {Straße, Ort, BLand} → {PLZ}

Betrachte die Zerlegung

- Orte: {[PLZ, Ort, BLand]}
- Straßen: {[PLZ, Straße]}

Diese Zerlegung

- ist verlustlos aber
- **nicht** abhängigkeiterhaltend
- Siehe oben

50

### Einfügen zweier Tupel, die die FD Ort,Bland,Straße→PLZ verletzen



PLZverzeichnis			
Ort	BLand	Straße	PLZ
Frankfurt	Hessen	Goethestraße	60313
Frankfurt	Hessen	Galgenstraße	60437
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15234
Frankfurt	Brandenburg	Goethestraße	15235



Straßen	
PLZ	Straße
15234	Goethestraße
60313	Goethestraße
60437	Galgenstraße
15235	Goethestrasse

Orte		
Ort	BLand	PLZ
Frankfurt	Hessen	60313
Frankfurt	Hessen	60437
Frankfurt	Brandenburg	15234
Frankfurt	Brandenburg	15235

51

### Mehrwertige Abhängigkeiten



R		
$\alpha$	$\beta$	$\gamma$
A1 ... Ai	Ai+1 ... Aj	Aj+1 ... An
a1 ... ai	ai+1 ... aj	aj+1 ... an
a1 ... ai	bi+1 ... bj	bj+1 ... bn
a1 ... ai	bi+1 ... bj	aj+1 ... an
a1 ... ai	ai+1 ... aj	bj+1 ... bn

$\alpha \twoheadrightarrow \beta$  gilt genau dann wenn

- Wenn es zwei Tupel t1 und t2 mit gleichen  $\alpha$ -Werten gibt
- Dann muss es auch zwei Tupel t3 und t4 geben mit

- t3. $\alpha$  = t4. $\alpha$  = t1. $\alpha$  = t2. $\alpha$
- t3. $\beta$  = t1. $\beta$  , t4. $\beta$  = t2. $\beta$
- t3. $\gamma$  = t2. $\gamma$  , t4. $\gamma$  = t1. $\gamma$

52

## MVDs



Tuple-generating dependencies

- Man kann eine Relation MVD-konform machen, indem man zusätzliche Tupel einfügt
- Bei FDs geht das nicht!!

53

## Mehrwertige Abhängigkeiten



R		
A	B	C
a	b	c
a	bb	cc
a	bb	c
a	b	cc

$A \twoheadrightarrow B$   
 $A \twoheadrightarrow C$

54



## Mehrwertige Abhängigkeiten: ein Beispiel



Fähigkeiten		
PersNr	Sprache	ProgSprache
3002	griechisch	C
3002	lateinisch	Pascal
3002	griechisch	Pascal
3002	lateinisch	C
3005	deutsch	Ada

Mehrwertige Abhängigkeiten dieser Relation:

- $\{PersNr\} \twoheadrightarrow \{Sprache\}$  und
- $\{PersNr\} \twoheadrightarrow \{ProgSprache\}$

MVDs führen zu Redundanz und Anomalien

55

56

Mehrwertige Abhängigkeiten: ein Beispiel TUM

Fähigkeiten		
PersNr	Sprache	ProgSprache
3002	griechisch	C
3002	lateinisch	Pascal
3002	griechisch	Pascal
3002	lateinisch	C
3005	deutsch	Ada

$\Pi_{\text{PersNr, Sprache}}$   

Sprachen	
PersNr	Sprache
3002	griechisch
3002	lateinisch
3005	deutsch

$\Pi_{\text{PersNr, ProgSprache}}$   

Sprachen	
PersNr	ProgSprache
3002	C
3002	Pascal
3005	Ada

57

Mehrwertige Abhängigkeiten: ein Beispiel TUM

Fähigkeiten		
PersNr	Sprache	ProgSprache
3002	griechisch	C
3002	lateinisch	Pascal
3002	griechisch	Pascal
3002	lateinisch	C
3005	deutsch	Ada

$\Pi_{\text{PersNr, Sprache}}$   

Sprachen	
PersNr	Sprache
3002	griechisch
3002	lateinisch
3005	deutsch

$\Pi_{\text{PersNr, ProgSprache}}$   

Sprachen	
PersNr	ProgSprache
3002	C
3002	Pascal
3005	Ada

$\bowtie$

58

Verlustlose Zerlegung bei MVDs: **hinreichende + notwendige** TUM

**Bedingung**

$\mathcal{R} = \mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$

- $\mathcal{R}_1 := \Pi_{\mathcal{R}_1}(\mathcal{R})$
- $\mathcal{R}_2 := \Pi_{\mathcal{R}_2}(\mathcal{R})$

Die Zerlegung von  $\mathcal{R}$  in  $\mathcal{R}_1$  und  $\mathcal{R}_2$  ist verlustlos, falls für jede mögliche (gültige) Ausprägung  $R$  von  $\mathcal{R}$  gilt:

- $R = \mathcal{R}_1 \bowtie \mathcal{R}_2$

Die Zerlegung von  $\mathcal{R}$  in  $\mathcal{R}_1$  und  $\mathcal{R}_2$  ist verlustlos **genau dann wenn**

- $\mathcal{R} = \mathcal{R}_1 \cup \mathcal{R}_2$
- und mindestens eine von zwei MVDs gilt:
  - $(\mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2) \twoheadrightarrow \mathcal{R}_1$  oder
  - $(\mathcal{R}_1 \cap \mathcal{R}_2) \twoheadrightarrow \mathcal{R}_2$

59

Inferenzregeln für MVDs TUM

- *Reflexivität:*  $\beta \subseteq \alpha \Rightarrow \alpha \twoheadrightarrow \beta$
- *Verstärkung:* Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Dann gilt  $\gamma\alpha \twoheadrightarrow \gamma\beta$ .
- *Transitivität:* Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\beta \twoheadrightarrow \gamma$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma$ .
- *Komplement:*  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \mathcal{R} - \beta - \alpha$ .
- *Mehrwertige Verstärkung:* Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\delta \subseteq \gamma$ . Dann gilt  $\gamma\alpha \twoheadrightarrow \delta\beta$ .
- *Mehrwertige Transitivität:* Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\beta \twoheadrightarrow \gamma$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma - \beta$ .
- *Verallgemeinerung:* Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ .

60

## Inferenzregeln für MVDs (Forts.)



- *Koaleszenz*: Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\gamma \subseteq \beta$ . Existiert ein  $\delta \subseteq \mathcal{R}$ , so daß  $\delta \cap \beta = \emptyset$  und  $\delta \rightarrow \gamma$ , gilt  $\alpha \rightarrow \gamma$ .
- *Mehrwertige Vereinigung*: sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma\beta$ .
- *Schnittmenge*: Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \beta \cap \gamma$ .
- *Differenz*: Sei  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  und  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma$ . Dann gilt  $\alpha \twoheadrightarrow \beta - \gamma$  und  $\alpha \twoheadrightarrow \gamma - \beta$ .

61

## Jede FD ist auch eine MVD



Wenn für eine Relation  $\alpha \rightarrow \beta$  gilt, dann gilt auch  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$   
Warum?

- Es gibt keine 2 Tupel mit gleichen  $\alpha$ -Werten und unterschiedlichen  $\beta$ -Werten

62

## Mehrwertige Abhängigkeiten



R		
$\alpha$	$\beta$	$\gamma$
A1 ... Ai	Ai+1 ... Aj	Aj+1 ... An
a1 ... ai	ai+1 ... aj	aj+1 ... an
a1 ... ai	bi+1 ... bj	bj+1 ... bn
a1 ... ai	bi+1 ... bj	aj+1 ... an
a1 ... ai	ai+1 ... aj	bj+1 ... bn

$\alpha \twoheadrightarrow \beta$  gilt genau dann wenn

- Wenn es zwei Tupel t1 und t2 mit gleichen  $\alpha$ -Werten gibt
- Dann muss es auch zwei Tupel t3 und t4 geben mit
  - t3. $\alpha$  = t4. $\alpha$  = t1. $\alpha$  = t2. $\alpha$
  - t3. $\beta$  = t1. $\beta$  , t4. $\beta$  = t2. $\beta$
  - t3. $\gamma$  = t2. $\gamma$  , t4. $\gamma$  = t1. $\gamma$

63

## Triviale MVDs ...



... sind solche, die von jeder Relationenausprägung erfüllt werden

Eine MVD  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  ist trivial genau dann wenn

- $\beta \subseteq \alpha$  oder
- $\beta = \mathcal{R} - \alpha$

64

## Vierte Normalform



Eine Relation  $\mathcal{R}$  ist in 4 NF wenn für jede MVD  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  eine der folgenden Bedingungen gilt:

- Die MVD ist trivial **oder**
- $\alpha$  ist Superschlüssel von  $\mathcal{R}$

65

## Dekomposition in 4 NF



Starte mit der Menge  $Z := \{\mathcal{R}\}$

Solange es noch ein Relationenschema  $\mathcal{R}_i$  in  $Z$  gibt, das nicht in 4NF ist, mache folgendes:

- Es gibt also eine für  $\mathcal{R}_i$  geltende nicht-triviale MVD ( $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ ), für die gilt:

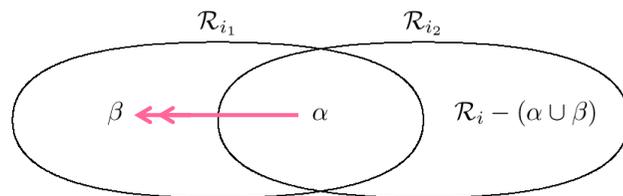
$$-\alpha \cap \beta = \emptyset$$

$$-\neg(\alpha \rightarrow \mathcal{R}_i)$$

- Finde eine solche MVD
- Zerlege  $\mathcal{R}_i$  in  $\mathcal{R}_{i1} := \alpha \cup \beta$  und  $\mathcal{R}_{i2} := \mathcal{R}_i - \beta$
- Entferne  $\mathcal{R}_i$  aus  $Z$  und füge  $\mathcal{R}_{i1}$  und  $\mathcal{R}_{i2}$  ein, also  
 $- Z := (Z - \{\mathcal{R}_i\}) \cup \{\mathcal{R}_{i1}\} \cup \{\mathcal{R}_{i2}\}$

66

## Dekomposition in 4 NF

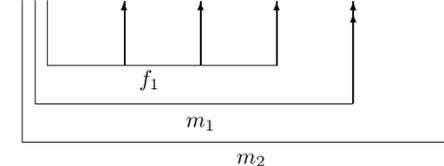


67

## Beispiel-Zerlegung



Assistenten':  $\{[PersNr, Name, Fachgebiet, Boss, Sprache, ProgrSprache]\}$



- Assistenten:  $\{[PersNr, Name, Fachgebiet, Boss]\}$
- Fähigkeiten:  $\{[PersNr, Sprache, ProgrSprache]\}$
- Sprachen:  $\{[PersNr, Sprache]\}$
- ProgrSprachen:  $\{[PersNr, ProgrSprache]\}$

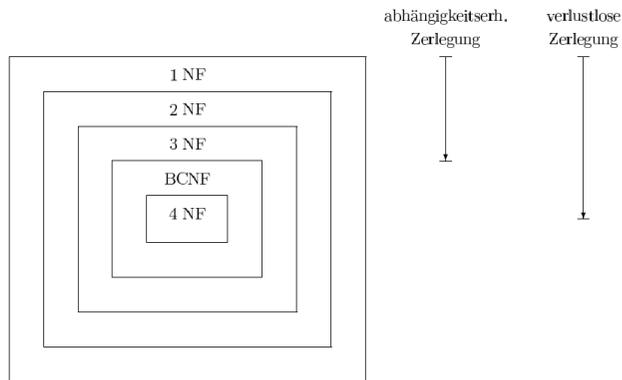
68

## Zusammenfassung



Die Verlustlosigkeit ist für alle Zerlegungsalgorithmen in alle Normalformen garantiert

Die Abhängigkeitserhaltung kann nur bis zur dritten Normalform garantiert werden



69

Nachfolgend gibt es ein paar Notizen für Übungen ...



... nicht Teil der Vorlesung

70

Gegeben sei  $R = \{M, N_1, V, T, P, N_2, R\}$   
mit folgenden FDs:

$$M \rightarrow N_1$$

$$V \rightarrow T$$

$$P \rightarrow N_2, R$$

$$R \rightarrow P$$

$$V \rightarrow P, N_2$$

Wenden Sie den Synthese-Algorithmus an.



71



72

### Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten (zusätzliche Übung)

Vorlesungsverzeichnis									
VorlNr	Titel	SWS	gelesenVon	Vtag	Vzeit	Vraum	Uetag	Uezeit	Ueraum
001	Grundl. Inf.	4	007	Di	8	FMI 061	Do	12	FMI 003
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	10	FMI 062
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	14	FMI 003
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...

- es gibt keine Parallelvorlesungen; aber es gibt u.U. mehrere Vorlesungen pro Woche (vielleicht auch am selben Tag)
- es gibt mehrere Übungsgruppen; aber eine Übungsgruppe trifft sich nur einmal pro Woche

73

### Bestimmung funktionaler Abhängigkeiten (zusätzliche Übung)

Vorlesungsverzeichnis									
VorlNr	Titel	SWS	gelesenVon	Vtag	Vzeit	Vraum	Uetag	Uezeit	Ueraum
001	Grundl. Inf.	4	007	Di	8	FMI 061	Do	12	FMI 003
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	10	FMI 062
001	Grundl. Inf.	4	007	Do	10	FMI 063	Fr	14	FMI 003
...	...	...	...	...	...	...	...	...	...

- es gibt keine Parallelvorlesungen; aber es gibt u.U. mehrere Vorlesungen pro Woche (vielleicht auch am selben Tag)
- es gibt mehrere Übungsgruppen; aber eine Übungsgruppe trifft sich nur einmal pro Woche
- $\{VorlNr\} \rightarrow \{Titel, SWS, gelesenVon\}$
- $\{Vtag, Vzeit, VorlNr\} \rightarrow \{Vraum\}$   
(Eine Vorlesung kann sich vielleicht auch mehrmals am gleichen Tag treffen.)
- $\{Vtag, Vzeit, Vraum\} \rightarrow \{VorlNr\}$
- $\{Uetag, Uezeit, Ueraum\} \rightarrow \{VorlNr\}$
- Schlüssel:  $\{Uetag, Uezeit, Ueraum, Vtag, Vzeit\}$

74

### Übung: FDs, MVDs, Normalisierung

Vorlesungen:  $\{[ VorlNr, Titel, SWS, gelesenVon, VTermin, VRaum, ÜTermin, ÜRaum]\}$

- FDs
  - $VorlNr \rightarrow Titel, SWS, gelesenVon$
  - $VRaum, VTermin \rightarrow VorlNr$
  - $VorlNr, VTermin \rightarrow VRaum$
  - $ÜTermin, ÜRaum \rightarrow VorlNr$
- Schlüssel:  $\{VTermin, ÜTermin, ÜRaum\}$

- MVDs



Normalisierung: 3NF, BCNF, 4NF

75

### Übung: FDs, MVDs, Normalisierung

Vorlesungen:  $\{[ VorlNr, Titel, SWS, gelesenVon, VTermin, VRaum, ÜTermin, ÜRaum]\}$

- FDs
  - $VorlNr \rightarrow Titel, SWS, gelesenVon$
  - $VRaum, VTermin \rightarrow VorlNr$
  - $VorlNr, VTermin \rightarrow VRaum$
  - $ÜTermin, ÜRaum \rightarrow VorlNr$
- Schlüssel:  $\{VTermin, ÜTermin, ÜRaum\}$

- MVDs

- $VorlNr \twoheadrightarrow VTermin, VRaum$
- $VorlNr \twoheadrightarrow ÜTermin, ÜRaum$

Normalisierung: 3NF, BCNF, 4NF

76

### Weitere Übung: Familie



Familie: {[Vater, Mutter, Kind, Opa, Oma]}

Annahme: [Herbert, Maria, Else, Theo, Martha] bedeutet

- Theo und Martha sind Eltern von Herbert oder
- Theo und Martha sind Eltern von Maria

Abhängigkeiten:

- $K \rightarrow V, M$
- $K, Opa \rightarrow Oma$
- $K, Oma \rightarrow Opa$

MVDs

### Weitere Übung: Familie



Familie: {[Opa, Oma, Vater, Mutter, Kind]}

Annahme: [Theo, Martha, Herbert, Maria, Else] bedeutet

- Theo und Martha sind Eltern von Herbert oder
- Theo und Martha sind Eltern von Maria

Abhängigkeiten:

- $K \rightarrow V, M$
- $K, Opa \rightarrow Oma$
- $K, Oma \rightarrow Opa$
- $V, M \rightarrow K$
- $V, M \rightarrow Opa, Oma$

### Beispiel



Stammbaum				
Mutter	Vater	Kind	Opa	Oma
Sabine	Alfons	Sofie	Lothar	Linde
Sabine	Alfons	Sofie	Hubert	Lisa
Sabine	Alfons	Niklas	Lothar	Linde
Sabine	Alfons	Niklas	Hubert	Lisa
Bertha	Leo	Tobias	Hubert	Martha
...	...	...	...	...

- Kind  $\rightarrow$  Vater, Mutter
- Kind, Opa  $\rightarrow$  Oma
- Kind, Oma  $\rightarrow$  Opa
- $V, M \rightarrow K$
- $V, M \rightarrow Opa, Oma$

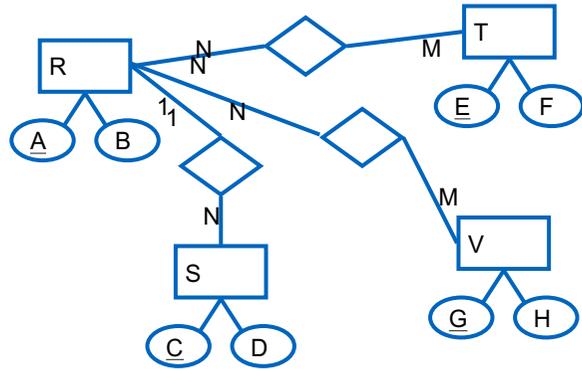
### Beispiel



Stammbaum				
Mutter	Vater	Kind	Opa	Oma
Sabine	Alfons	Sofie	Lothar	Linde
Sabine	Alfons	Sofie	Hubert	Lisa
Sabine	Alfons	Niklas	Lothar	Linde
Sabine	Alfons	Niklas	Hubert	Lisa
Bertha	Leo	Tobias	Hubert	Martha
...	...	...	...	...

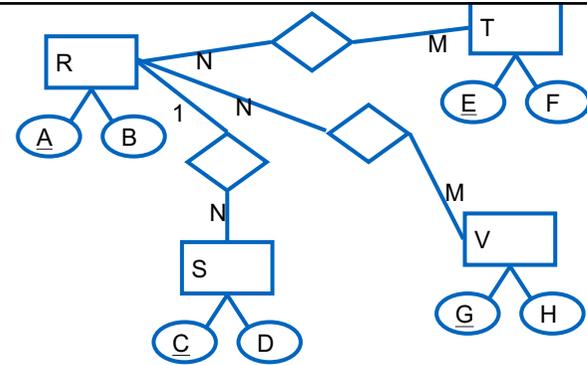
- Kind  $\rightarrow$  Vater, Mutter
- Kind, Opa  $\rightarrow$  Oma
- Kind, Oma  $\rightarrow$  Opa
- $V, M \rightarrow K$
- $V, M \rightarrow Opa, Oma$

Weiteres Beispiel: 1:N & N:M Bez.



UR: {[A, B, C, D, E, F, G, H]}

81



UR: {[A, B, C, D, E, F, G, H]}



82

UR: {[A, B, C, D, E, F, G, H]}



83

UR: {[A, B, C, D, E, F, G, H]}



84

Rekursion:

$R: \{[A, B]\}$   $R_{11}$   $V: \{[G, H]\}$   
 $UR': \{[A, C, D, E, F, G, H]\}$   $UR''': \{[A, C, E, G]\}$   
 $S: \{[C, D]\}$   $RS: \{[A, C]\}$   
 $UR'': \{[A, C, E, F, G, H]\}$   $VR': \{[C, E, G]\}$   
 $T: \{[E, F]\}$   $RS-T: \{[C, E]\}$   
 $UR''': \{[A, C, E, G, H]\}$   $RS-V: \{[C, G]\}$

### Übung: FDs, MVDs, Normalisierung

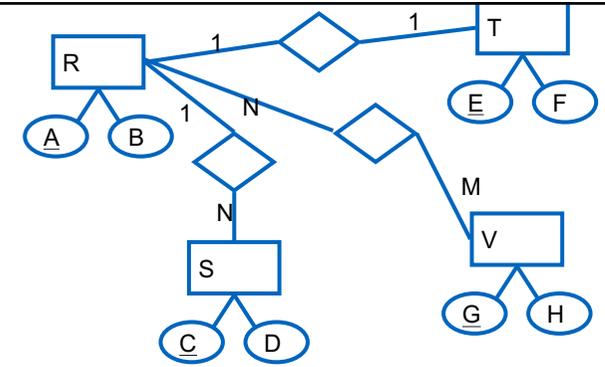


Vorlesungen: {[ VorlNr, Titel, SWS, gelesenVon, VTermin, VRaum, ÜTermin, ÜRaum]}

- FDs
  - VorlNr  $\rightarrow$  Titel, SWS, gelesenVon
  - VRaum, VTermin  $\rightarrow$  VorlNr
  - VorlNr, VTermin  $\rightarrow$  VRaum
  - ÜTermin, ÜRaum  $\rightarrow$  VorlNr
- Schlüssel: {VTermin, ÜTermin, ÜRaum}
- MVDs
  - VorlNr  $\twoheadrightarrow$  VTermin, VRaum
  - VorlNr  $\twoheadrightarrow$  ÜTermin, ÜRaum

Normalisierung: 3NF, BCNF, 4NF

85



UR: {[ A , B , C , D , E , F , G , H ]}

86

UR: {[ A , B , C , D , E , F , G , H ]}



- A  $\rightarrow$  ABEF
- C  $\rightarrow$  D
- E  $\rightarrow$  F
- G  $\rightarrow$  H
- C  $\rightarrow$  ABCEF
- E  $\rightarrow$  ABEF

87

UR: {[ P , N , V , T , M , S ]}



- P  $\rightarrow$  N
- V  $\rightarrow$  TNP
- M  $\rightarrow$  S

88

UR: { [ P, N, V, T, M, S ] }

P → N  
V → TNP  
M → S



89